

المنهج في جيبك

رياضيات أولى إعدادي مراجعة المنهج

أ. حسام الفندور

$$\frac{\operatorname{tg} x \pm \operatorname{tg} y}{1 \mp \operatorname{tg} x \operatorname{tg} y} = \frac{\sin(x \pm y)}{\cos(x \pm y)}$$
$$a^2 + b^2 = c^2$$

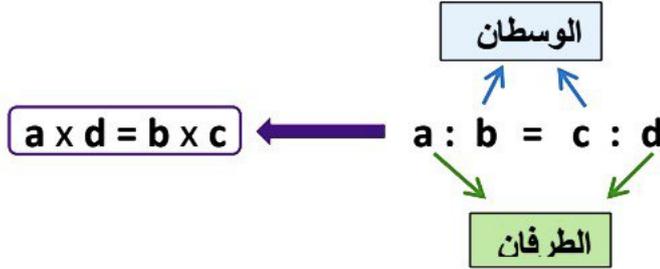
الجبر

مفهوم التناسب

التناسب هو ← تساوي نسبتين أو معدلين على الأقل.

• إذا كان : $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

فإن :



حل التناسب

حل التناسب هو ← إيجاد القيمة المجهولة في التناسب .

مثال

حل التناسب $\frac{4}{7} = \frac{x}{35}$

الحل : $x = \frac{4 \times 35}{7} = 20$

تطبيقات التناسب

★ أولاً : مقياس الرسم :

مقياس الرسم = $\frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$

مثال

إذا كان الطول في الرسم 4 سم و الطول الحقيقي 2 متر ، فأوجد مقياس الرسم ؟

الحل :

مقياس الرسم = $\frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}} = \frac{4}{200} = \frac{1}{50}$

مثال

رسم مصطفى صورة لأخيه، إذا كان مقياس الرسم 1:40 ،
و طول أحمد 160 سم ، فما طول أحمد في الصورة ؟

الحل : حقيقي : رسم

$$1 : 40$$

$$x : 160$$

$$x = \frac{1 \times 160}{40} = 4 \text{ سم}$$

★ ثانياً : التقسيم التناسبي :

يريد رجل تقسيم 1,200 جنيه بين شخصين بنسبة 2:1 ، فما نصيب كل منهما ؟

مثال

الحل : مجموع : الثاني : الأول

$$2 : 1 : 3$$

$$400 = \frac{1200}{3} = \text{قيمة الجزء}$$

$$800 = 2 \times 400 = \text{نصيب الأول}$$

$$400 = 1 \times 400 = \text{نصيب الثاني}$$

★ ثالثاً : تطبيقات النسبة المئوية :

• حساب السعر بعد الخصم :

إذا كان سعر بنطلون 450 جنيهاً ، و كان عليه معدل خصم 20% ،
فما سعر البنطلون بعد الخصم ؟

مثال

الحل : بعد : خصم : قبل

$$80\% : 20\% : 100\%$$

$$x : : 450$$

$$x = \frac{450 \times 80}{100\%} = 360 \text{ جنيه}$$

• حساب السعر قبل الخصم :

مثال حصل أحمد على معدل خصم 40% من ثمن دراجة من أحد الأسواق فإذا دفع أحمد 8,400 جنيه ، فما السعر الأصلي للدراجة ؟

الحل :

السعر بعد الخصم	:	معدل الخصم	:	السعر الأصلي
60%	:	40%	:	100%
8,400	:		:	?

$$\text{السعر الأصلي} = \frac{8400 \times 100}{60} = 14,000 \text{ جنيه}$$

• حساب السعر بعد الزيادة :

مثال تبلغ تكلفة وجبة 150 جنيهاً و يضاف 18% من سعر التكلفة معدل ربح عن الوجبة ، فما سعر بيع الوجبة ؟

الحل :	بعد	:	زيادة	:	قبل
	118%	:	18%	:	100%
	x	:		:	150

$$x = \frac{150 \times 118\%}{100\%} = 177 \text{ جنيهاً}$$

• حساب معدل التخفيض أو الزيادة :

مثال إذا انخفض سعر سلعة من 1,500 جنيه إلى 1,200 جنيه ، فما معدل التخفيض ؟

الحل :	بعد	:	خصم	:	قبل
	y	:	x	:	100%
	1,200	:	300	:	1,500

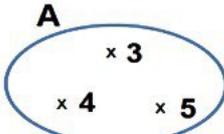
$$x = \frac{300 \times 100\%}{1,500} = 20\%$$

التعبير عن المجموعة

يمكن التعبير عن المجموعة بالطرق التالية :

فمثلاً : $A =$ مجموعة أرقام العدد 3454

بشكل فن :



بطريقة الصفة المميزة :

$$A = \{ x : x \in \mathbb{N}, x \geq 3, x < 6 \}$$

حيث \mathbb{N} مجموعة الأعداد الطبيعية.

بطريقة السرد :

$$A = \{ 3, 4, 5 \}$$

أنواع المجموعات

المجموعة الخالية

لا تحتوي على عناصر

و يرمز لها بالرمز \emptyset أو $\{ \}$

∇ المجموعة غير المنتهية

لا تنتهي بعنصر

! المجموعة المنتهية

تنتهي بعنصر

• الانتماء :

$$5 \notin \{1, 2\} , 3 \in \{1, 3\}$$

• الاحتواء :

$$\{2\} \subset \{2, 5\}$$

$$\{1, 2\} \not\subset \{1, 5, 7\}$$

من أي مجموعة $\phi \subset$

مثال

اكتب جميع المجموعات الجزئية من المجموعة $A = \{2, 0, 7\}$ و اذكر عددها .

الحل : المجموعات الجزئية هي

$$\{2, 0, 7\}, \{2, 7\}, \{2, 0\}, \{7\}, \{0\}, \{2\}, \phi$$

و عددها = 8

ملاحظات هامة

! المجموعة الخالية ϕ ، والمجموعة نفسها مجموعات جزئية غير فعلية .

\forall عدد المجموعات الجزئية من مجموعة عدد عناصرها n يساوي 2^n

فمثلاً : المجموعة التي عدد عناصرها 3 عناصر

عدد المجموعات الجزئية منها هو $8=2^3$

• تساوي مجموعتين :

مثال

أوجد قيمة كل من x ، y : $\{y, 5\} = \{7, x\}$

الحل : $x = 5$ ، $y = 7$

العمليات على المجموعات (الاتحاد - التقاطع)

• $X \cup Y$ يساوي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة X أو المجموعة Y

• $X \cap Y$ يساوي مجموعة العناصر المشتركة بين المجموعتين X ، Y

$X \cap Y = \{4, 9\} = Y$	$X \cap Y = \phi$	$X \cap Y = \{7, 8\}$
$X \cup Y = \{2, 5, 4, 9\}$	$X \cup Y = \{8, 6, 1, 3\}$	$X \cup Y = \{6, 2, 7, 8, 5\}$

خواص العمليات في Z :

- المحايد الجمعي هو الصفر ، بينما المحايد الضربي هو العدد 1
- المعكوس الجمعي للعدد -3 هو 3 بتغيير الإشارة

خاصية التوزيع :

استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة :

مثال

$$\nabla 14 \times 99$$

$$14 \times (100 - 1) =$$

$$1400 - 14 =$$

$$= 1386$$

$$! 48 \times 105$$

$$48(100 + 5) =$$

$$4800 + 240 =$$

$$= 5040$$

العمليات على الأعداد النسبية

الجمع : *

! إذا كانت المقامات واحدة $\frac{2}{3} + \frac{5}{3} = \frac{8}{3}$

$$\frac{2}{5} + \frac{3}{4} = \frac{8+15}{20} = \frac{23}{20}$$

∇ إذا كانت المقامات مختلفة بنوحد المقامات

خواص عملية الجمع :

- المحايد الجمعي هو الصفر
- المعكوس الجمعي للعدد $-\frac{2}{3}$ هو $\frac{2}{3}$

الطرح : *

$\frac{a}{b} - \frac{c}{d}$ هو عملية جمع $\frac{a}{b}$ و المعكوس الجمعي للعدد $\frac{c}{d}$

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{5} = \frac{10 - 3}{15} = \frac{7}{15}$$

★ الضرب:

خواص عملية الضرب:

- المحايد الضربي هو العدد 1
 - المعكوس الضربي للعدد $\frac{a}{b}$ هو $\frac{b}{a}$
 - لاحظ:
- المعكوس الضربي للعدد -1 هو -1

$$\frac{2}{3} \times \frac{5}{6} = \frac{10}{18} = \frac{5}{9}$$

خاصية التوزيع:

استخدم خاصية التوزيع لإيجاد قيمة: $\frac{2}{5} \times 8 + \frac{2}{5} \times 3 - \frac{2}{5}$ مثال

الحل: $\frac{2}{5} (8+3-1)$

$$\frac{2}{5} \times 10 = 4$$

التعبير الرياضي

يصنف إلى

تعبير جبري (مقدار جبري)

مثال: $2x + 1$

المتباينة

مثال: $2x < 6$

تعبير عدد (مقدار عددي)

مثال: $3+5$

المعادلة

مثال: $2x + 3 = 7$

الصيغة الرياضية

هي حقيقة أو قاعدة أو مبدأ يعبر عنه بصورة رياضية .

$$A = S \times S$$

فمثلاً : مساحة المربع = طول الضلع x نفسه

$$p = 2 \times (L + W) \quad \text{محيط المستطيل} = 2 \times (\text{الطول} + \text{العرض})$$

الحدود الجبرية / الحدود الجبرية المتشابهة

الحد الجبري

ينتج الحد الجبري من حاصل ضرب عدد لا يساوي الصفر و متغير واحد على الأقل
ويسمي هذا العدد معامل الحد الجبري .

مثال

$$3x$$

↓
متغير x

↓
معامل 3

الحدود الجبرية المتشابهة

هي الحدود الجبرية التي لها نفس المتغيرات بالأسس ذاتها حتى لو اختلفت المعاملات.

أمثلة

$$2x^2, 3x^2 \quad \nabla \quad 4xy, 5xy \quad !$$

• جمع و طرح الحدود المتشابهة :
بنجم المعاملات

$$! \quad 3x + 5x = 6x$$

$$\nabla \quad 5y^2 + 4y^2 = 9y^2$$

حدود المقدار الجبري

• المقدار الجبري يتكون من :

حدود جبرية بالإضافة إلى حد ثابت أو أكثر

أو

عدد من الحدود الجبرية

أو

حد جبري واحد

أمثلة

$$2x \quad \& \quad 3x - 4y + 5 \quad \& \quad 8a^2 + 4ab - 3$$

تبسيط المقدار الجبري

لتبسيط المقدار الجبري :

! استخدام خاصية التوزيع لإزالة الأقواس (إن وجدت) .

∇ ابحث عن الحدود المتشابهة و قم بجمعها.

مثال

اكتب المقدار $2x - 3y + 4x + 5y$

الحل : $6x + 2y$

أولاً: جمع المقادير الجبرية

مثال

اجمع : $3x - 2y + 1$, $4x - 3 + 2y$

الحل : لاحظ الترتيب

$$3x - 2y + 1$$

$$4x + 5y - 3$$

$$\hline 7x + 3y - 2$$

المعكوس الجمعي للمقدار الجبري:

بنغير كل إشارات حدوده

مثال

! المعكوس الجمعي للمقدار $2x - 3y + 1$ هو $-2x + 3y - 1$

∇ لاحظ المعكوس الجمعي للمقدار $2a - 3b$ هو $3b - 2a$

ثانياً : طرح المقادير الجبرية

مثال 1

اطرح $2x - 3y$ من $4x + 5y$

الحل :

$$4x + 5y$$

الثاني فوق

$$-2x + 3y$$

الأول تحت مع تغيير إشارته

$$2x + 8y$$

مثال 2

ما زيادة $3a - 2b$ عن $4a + 5b$ ؟

الحل :

$$3a - 2b$$

الأول فوق

$$-4a - 5b$$

الثاني تحت مع تغيير إشارته

$$-a - 7b$$

مفهوم المعادلة

المعادلة هي : جملة رياضية تعبر عن تساوي تعبيرين رياضيين .

حل المعادلة

المقصود بحل المعادلة : هو إيجاد قيمة / قيم المجهول في المعادلة و ذلك من بين مجموعة من البدائل تسمى مجموعة التعويض .

مجموعة الحل

هي مجموعة القيم التي تنتمي لمجموعة التعويض ، و تحقق تساوي طرفي المعادلة.

مجموعة التعويض

هي المجموعة التي تنتمي إليها القيم المحتملة للمجهول في المعادلة.

مثال 1

أوجد في Z مجموعة حل :

$$\forall 3x + 2 = 7$$

$$3x = 7 - 2 \quad \text{الحل:}$$

$$3x = 5$$

$$x = \frac{5}{3} \notin Z$$

مجموعة الحل في \emptyset

$$! 2x - 1 = 9$$

$$2x = 9 + 1 \quad \text{الحل:}$$

$$2x = 10$$

$$x = \frac{10}{2}$$

$$x = 5$$

مثال 2

$$\frac{2}{3}x + 1 = 7 \quad \text{أوجد في } \emptyset :$$

$$\frac{2}{3}x = 7 - 1 \quad \text{الحل:}$$

$$\frac{2}{3}x = 6$$

$$\{9\} = \text{ح.م} \quad x = 6 \times \frac{3}{2} = 9$$

المسائل اللفظية :

- عدنان متتاليان x , $x+1$
- عدنان زوجيان متتاليان x , $x+2$
- عدنان فرديان متتاليين x , $x+2$

مثال

عدنان فرديان متتاليين مجموعهما 24 أوجد العددين .

الحل : $x + x + 2 = 24$

$$2x = 24 - 2$$

$$2x = 22$$

$$x = 11$$

العدنان 12 ، 11

الإحصاء

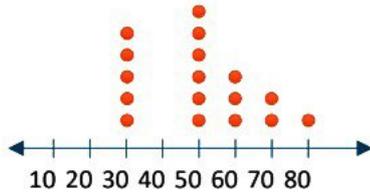
المنوال:

هو القيمة الأكثر شيوعاً (الأكثر انتشاراً).

من مجموعة البيانات: 5, 3, 8, 9, 8, 12

المنوال هو 8

من مجموعة البيانات: 3, 7, 2, 3, 7, 8, 7, 3
(الثاني المنوال)



المنوال هو 50 لأنها أكبر تكرار

الوسيط:

هو القيمة التي تتوسط القيم بعد ترتيبها

نرتب القيم

إذا كان عدد القيم زوجياً	إذا كان عدد القيم فردياً
فإن: $\frac{\text{مجموع القيمتين المتوسطتين}}{2}$	فإن: الوسيط هو القيمة التي تقع في الوسط تماماً
مثل القيم: 27, 13, 23, 24, 13, 21 ترتب القيم تصاعدياً: 13, 13, 21, 23, 24, 27	مثل القيم: 42, 23, 17, 30, 20 ترتب القيم تصاعدياً: 17, 20, 23, 30, 42
الوسيط = $\frac{21+23}{2} = 22$	الوسيط = 23

كيفية إيجاد الربع الأول والثالث

- لإيجاد الربع الأول والثالث للقيم: 2, 13, 7, 7, 6, 4, 1, 12, 8, 3
ترتب القيم تصاعدياً ونوجد الوسيط ومنها الوسيط للنصف السفلي من القيم (الربع الأول) ثم الوسيط للنصف العلوي من القيم (الربع الثالث)

القيمة الصغرى = 1

الوسيط = $\frac{6+7}{2} = 6.5$

القيمة العظمى = 13

1 , 2 , 3 , 4 , 6 , 7 , 7 , 8 , 12 , 13

الـنصف السفلى

الـنصف العلوي

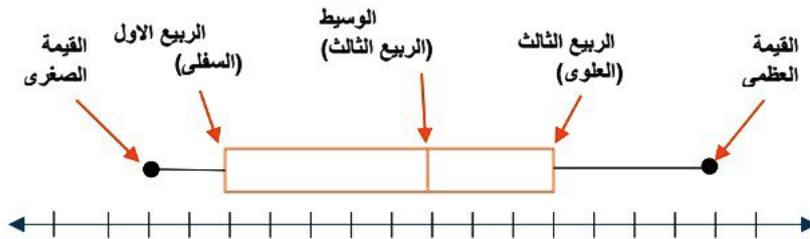
1 , 2 , 3 , 4 , 6

7 , 7 , 8 , 12 , 13

الربيع الأول = 3

الربيع الثالث = 8

المخطط الصندوقي باستخدام القيم الخمسة



ملاحظات على المدرج التكراري	ملاحظات على مخطط النقاط
<ul style="list-style-type: none"> *يمثل فقط البيانات العددية *الاعمدة لها نفس العرض مع عدم وجود فراغات بينها [ما لم تكن فترة معينة ليس بها بيانات] *لا يمكن إعادة ترتيب البيانات *لا يظهر القيم الحقيقية للبيانات 	<ul style="list-style-type: none"> *يستخدم لتمثيل البيانات العددية فقط. *كل بيان يمثل بنقطة على خط الأعداد. *يلتزم بترتيب خط الأعداد. *يظهر القيم الحقيقية للبيانات

ملاحظات

ملاحظات على مخطط الساق والأوراق:

- مخطط الساق والأوراق يظهر القيم الحقيقية للبيانات بصورة مرتبة يسهل منها حساب الوسيط والربيع الأول والثالث.

ملاحظات على المخطط الصندوقي:

- المخطط الصندوقي لا يظهر القيم الحقيقية للبيانات لكنه يظهر الوسيط والربيع الأول والربيع الثالث مباشرة

الساق	الأوراق
23	2 3
24	1 5 6
25	0 1
26	2 2

مثال

من مخطط الساق والأوراق المقابل
البيانات هي

23/2 تمثل 232

المفتاح

232 233 241 246 250 251 262 262

الوسيط = 246

النوال = 262

$$\text{الربيع الأول} = \frac{233+241}{2} = 237 = \text{الربيع الثالث} = \frac{262+251}{2} = 256.5$$

الوسط الحسابي (المتوسط) :

الوسط الحسابي لمجموعة من القيم = $\frac{\text{مجموع هذه القيم}}{\text{عددها}}$

مثال : الوسط الحسابي للقيم 6 ، 5 ، 11 ، 7 يساوي $7.25 = \frac{6+5+11+7}{4}$

مثال

الوسط الحسابي لتوزيع تكراري :

يمكنك حساب الوسط الحسابي (\bar{X}) التوزيع تكراري فيه كل قيمة x يكون تكرارها f باستخدام الصيغة الرياضية التالية :

$$\frac{\sum(f \cdot x)}{\sum f} = (\bar{X}) \text{ الوسط الحسابي}$$

حيث $\sum f$ هو مجموع التكرارات و $\sum(f \cdot x)$ هو مجموع حواصل ضرب f في x

مثال 4

في الجدول الآتي يوضح كتل 30 طالبا بالكيلو جرام في إحدى المدارس :

الكتل (x)	52	44	42	38	35
عدد الطلاب (f)	2	6	8	10	4

أوجد الوسط الحسابي لكتلة الطالب

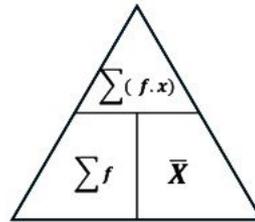
الحل

$$\frac{\sum(f.x)}{\sum f} = \text{الوسط الحسابي لكتلة الطالب}$$

$$\frac{1224}{30} =$$

$$= 40.8 \text{ كجم}$$

f.x	f	x
140	4	35
380	10	38
336	8	42
264	6	44
104	2	52
1224	30	المجموع



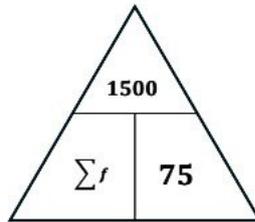
لاحظ

مثال

إذا كان المجموعة من البيانات:

$$\sum f = 75 \text{ ، } \sum(f.x) = 1500$$

الحل:



$$\sum f = \frac{1500}{20} = 75$$

القطاعات الدائرية

مثال 1

الجدول التالي يوضح إسهامات أربعة أشخاص (بالآلاف جنيه) في أحد المشروعات :

اسم الشخص	إبراهيم	محمود	إسلام	وانل
المبلغ	10	11	6	9

مثل نصيب كل منهم في المشروع باستخدام القطاعات الدائرية.

$$\text{الحل: اوجد المبلغ الكلي} = 9+6+11+10 =$$

$$= 36 \text{ الف جنيه}$$

أوجد قياس الزاوية المركزية الممثلة لكل قطاع :

$$\text{قياس الزاوية المركزية} = \frac{\text{مبلغ كل شخص}}{\text{المبلغ الكلي}} \times 360^\circ$$



- إبراهيم
- محمود
- اسلام
- وائل

$$\frac{10}{36} \times 360^\circ = 100^\circ \text{ إبراهيم}$$

$$\frac{11}{36} \times 360^\circ = 110^\circ \text{ محمود}$$

$$\frac{6}{36} \times 360^\circ = 60^\circ \text{ اسلام}$$

$$\frac{9}{36} \times 360^\circ = 90^\circ \text{ وائل}$$

أنواع الزوايا والعلاقات بين الزوايا

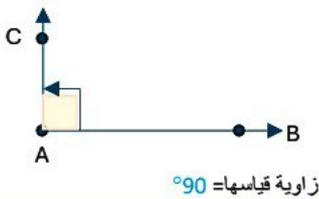
مفهوم الزاوية

الزاوية: هي اتحاد شعاعين لهما نفس نقطة البداية.

نقطة بداية الشعاعين تسمى رأس الزاوية . كل من الشعاعين يسمى ضلع الزاوية.

أنواع الزوايا بحسب

3 زاوية قائمة



2 زاوية حادة



1 زاوية صفرية



6 زاوية منعكسة



5 زاوية مستقيمة



4 زاوية منفرجة



الزاويتان المتجاورتان

الزاويتان المتجاورتان هما زاويتان تقعان في نفس المستوى، ولهما رأس مشترك وضلع مشترك ويقع الضلعان الآخران في جهتين مختلفتين من الضلع المشترك

الزاويتان المتتامتان

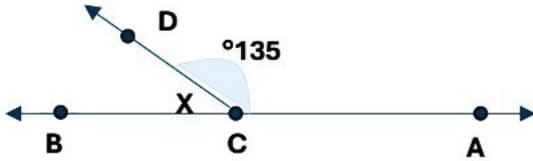
الزاويتان المتتامتان هما زاويتان مجموع قياسيهما يساوي 90°

الزاويتان المتكاملتان

الزاويتان المتكاملتان هما زاويتان مجموع قياسيهما يساوي 180°

الزاويتان المتجاورتان المتكاملتان

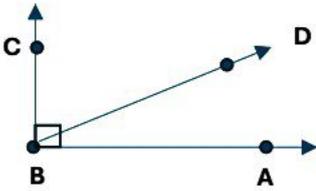
الزاويتان المتجاورتان الحادتان من تقاطع مستقيم وشعاع - نقطة بدايته على هذا المستقيم - تكونان متكاملتين.



$$X = 180 - 135 = 45^\circ$$

الزاويتان المتجاورتان المتتامتان

الزاويتان المتجاورتان اللتان ضلعيهما المتطرفان متعامدان تكونان متتامتين



$$X = 90^\circ - 30^\circ$$

$$= 60^\circ$$

الضلعان المتطرفان لزاويتين متجاورتين

2 إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متتامتين فإن ضلعيهما المتطرفين يكونان متعامدين

1 إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن ضلعيهما المتطرفين يكونان على استقامة واحدة.

الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان متساويتان في القياس

$$2x - 7 = 129$$

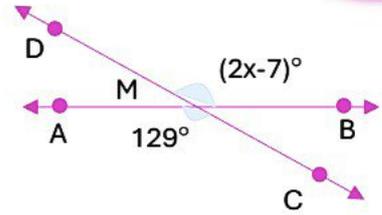
$$2x = 129 + 7$$

$$2x = 136$$

$$x = \frac{136}{2}$$

$$x = 68^\circ$$

$$\overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} = \{M\} : \text{مثال 1}$$



أوجد قيمة X

الزوايا المتجمعة حول نقطة تساوي 360°

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة يساوي 360°

في كل من الاشكال الاتية اوجد

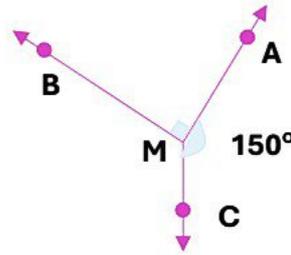
مثال 2

$$m(\angle BMC) =$$

$$= 360 - (90^\circ + 150^\circ)$$

$$= 360 - 240$$

$$= 120^\circ$$

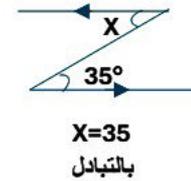
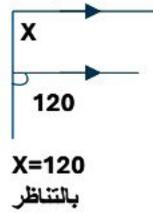
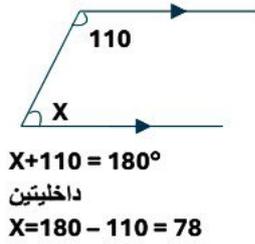


اوجد $m(\angle BMC)$

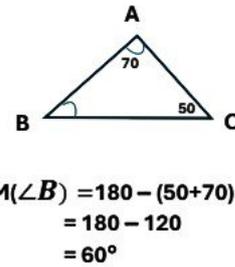
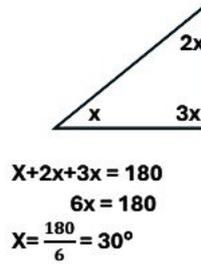
إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن أي زاويتين ناتجتين من التقاطع إما أن تكونا متطابقتين أو متكاملتين.

1. كل زاويتين مناضرتين متساويتان في القياس.
2. كل زاويتين متبادلتين داخليا متساويتان في القياس
3. كل زاويتين متبادلتين خارجيا متساويتان في القياس
4. كل زاويتين داخليتين وفي جهة واحدة من القاطع متكاملتان.

مثال



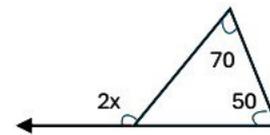
مجموع قياسات الزوايا الداخلة لأي مثلث يساوي 180°



قاعدة

قياس الزاوية الخارجة لأي مثلث يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخليتين عدا المجاورة لها.

$2x = 70 + 50$
 $2x = 120$
 $X = \frac{120}{2}$
 $X = 60^\circ$



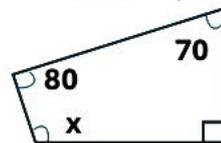
متباينة المثلث

مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

لاحظ أن

طول أي ضلع في المثلث أكبر من الفرق بين طولي الضلعين الآخرين وأقل من مجموعهما.

مجموع قياسات الزوايا الداخلة لأي شكل رباعي يساوي 360°



$X = 360 - (90 + 70 + 80)$
 $X = 360 - 240$
 $X = 120^\circ$

الأشكال الرباعية الخاصة



شبه المنحرف

شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان فقط متوازيان

متوازي الأضلاع

متوازي الأضلاع هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيين.

خواص متوازي اضلاع

- | | |
|---|-----------------------------------|
| 1- كل ضلعين متقابلين متساويان في الطول | 2- القطران ينصف كل منهما الاخر |
| 3- كل زاويتان متقابلتان متساويتان في القياس | 4- كل زاويتين متتاليتين متكاملتان |

متى يكون الشكل الرباعي متوازي الاضلاع

يكون الشكل الرباعي متوازي اضلاع إذا تحققت إحدى الحالات الآتية



المستطيل

المستطيل هو متوازي اضلاع إحدى زواياه قائمة.

خواص المستطيل

المستطيل هو متوازي أضلاع، لذلك له نفس خواص متوازي الأضلاع بالإضافة إلى :

1. زواياه الأربعة متساوية في القياس وقياس كل منها يساوي 90°

2. قطراه متساويان في الطول

المعين

المعين هو متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول.

خواص المعين

المعين هو متوازي أضلاع، لذلك له نفس خواص متوازي الأضلاع بالإضافة إلى

1. أضلاعه الأربعة متساوية في الطول

2. القطران متعامدان وينصفان زواياه الداخلة

المربع

المربع هو متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة وفيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول.

خواص المربع

المربع هو متوازي أضلاع زواياه قوائم مثل المستطيل، وأضلاعه متساوية في الطول مثل المعين ، لذلك له نفس خواص الأشكال الثلاثة (متوازي الأضلاع ، المستطيل ، المعين) مجتمعة معا.

1. أضلاعه متساوية في الطول 2. جميع زواياه قوائم

3. قطراه متساويان في الطول ومتعامدان وينصفان زواياه الداخلة

يكون متوازي الأضلاع

مربعاً

إذا كان إحدى زواياه قائمة و ضلعان متجاوران متساويين في الطول
 او
 إحدى زواياه قائمة و قطراه متعامدين
 او
 القطران متساويين في الطول و متعامدين
 او
 ضلعان متجاوران فيه متساويين في الطول و قطراه متساويين في الطول

معيناً

إذا كان ضلعان متجاوران فيه متساويين في الطول
 او
 القطران متعامدين

مستطيلاً

كان إذا إحدى زواياه قائمة
 او
 القطران متساويين في الطول

المضلع المحدب والمضلع المقعر

يحتوي على

المضلع المقعر يكون المضلع مقعراً إذا كان قياس زاوية واحدة على الأقل من الزوايا الداخلية أكبر من 180° (زاوية واحدة منعكسة على الأقل من الزوايا الداخلية)



المضلع المحدب يكون المضلع محدباً إذا كان قياس أي زاوية من زواياه الداخلية أقل من 180° (لا يحتوي أي زاوية داخلية منعكسة)



مجموع قياسات زوايا المضلع الداخلة = (عدد أضلاعه - 2) $\times 180$

المضلع	عدد أضلاعه	عدد المثلثات	مجموع قياسات زواياه الداخلة
الرباعي	4	2	$2 \times 180^\circ = 360^\circ$
الخماسي	5	3	$3 \times 180^\circ = 540^\circ$
السداسي	6	4	$4 \times 180^\circ = 720^\circ$
السباعي	7	5	$5 \times 180^\circ = 900^\circ$
الثماني	8	6	$6 \times 180^\circ = 1080^\circ$

المضلع المنتظم

يسمى المضلع مضلعا منتظما إذا تحقق فيه الخاصيتين التاليتين :

1. جميع أضلاعه متساوية في الطول
2. جميع زواياه الداخلة متساوية في القياس.

قياس زاوية المضلع المنتظمة = $\frac{\text{مجموع قياس زواياه}}{\text{عددهم}}$

مثال أبعد قياس زاوية السداسي المنتظم

مجموع قياسات الزوايا $720^\circ = 180 \times (6-2)$

قياس الزاوية الواحدة = $\frac{720}{6} = 120^\circ$

ويمكنه الحل في خطوه واحده $120^\circ = \frac{(2-6) \times 180}{6}$

عدد أقطار الشكل الرباعي 2 والخماسي 5 والسداسي 9

عدد محاور تماثل المضلع المنتظم = عدد أضلاعه

مسقط نقطة على محور هو موقع العمود المرسوم من هذه النقطة إلى هذا المحور.

مثال مسقط النقطة (3,4) على محور x هي (3,0)

ومسقطها على محور y هو (0,4)

طول مسقط قطعة مستقيمة على محور \geq طول القطعة نفسها.

ملاحظات على المساقط

1. إذا كانت القطعة المستقيمة توازي المحور فإن طول مسقطها عليه يساوى طولها .
2. إذا كانت القطعة المستقيمة عمودية على المحور فإن مسقطها عليه هو نقطة .

إحداثيا منتصف قطعة مستقيمة

إذا كانت M هي نقطة منتصف \overline{AB}

حيث $B(X_2, Y_2)$ ، $A(X_1, Y_1)$

فإن : $M = \left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2} \right)$

مثال 6 أوجد إحداثيي نقطة منتصف \overline{AB} حيث $A(5, -2)$ ، $B(3, -4)$

$$M = \left(\frac{3+5}{2}, \frac{-4-2}{2} \right)$$

$$M = (4, -3)$$

مثال

إذا كان ABCD متوازي أضلاع حيث $A(2,2)$ ، $B(7,2)$ ، $C(9,5)$

1. نقطة تقاطع القطرين . 2. إحداثيي نقطة D

نقطه تقاطع القطه بنه هر منتصف \overline{AC}

$$M = \left(\frac{2+9}{2}, \frac{2+5}{2} \right)$$

$$M = \left(\frac{11}{2}, \frac{7}{2} \right)$$

نفرض ان D هي (x,y) منتصف \overline{BD} = منتصف \overline{AC}

$$= \left(\frac{7+x}{2}, \frac{2+y}{2} \right) = \left(\frac{11}{2}, \frac{7}{2} \right)$$

$$\therefore 7 + x = 11 \rightarrow x = 4$$

$$2+y = 7 \rightarrow y = 5$$

$$\therefore D(4, 5)$$